



A. Çaryýew, G. Şemsetdinow

## NOKATLARYŇ BIR GIPERTEKIZLIKDE ÝATMAKLYGYNYŇ ŞERTLERI

Hormatly Prezidentimiziň tagallasy bilen Garaşsyz, baky Bitarap Türkmenistan Watanymyzyň ylym-bilim ulgamynda düýpli özgertmeler geçirilýär.

Hakyky fiziki giňişligiň nusgasy bolan üç ölçegli giňişligi umumylaşdyrýan  $n$  ölçegli giňişligiň nazaryýeti ylmyň agramly bölegini düzýär. Bu ylmy işde  $n$  ölçegli proyektiv giňişlikde berlen gipersimpleksiň häsiýetleri derňelýär [2].

Hakyky sanlaryň  $R$  meýdanynyň üstünde gurlan  $n+1$  ölçegli  $V$  wektor giňişligi berlen.  $V$  giňişlik  $n$  ölçegli  $P_n$  proyektiv giňişligi döredýär [3].

Belli bolşy ýaly, çyzykly baglanşyksyz  $\vec{a}_i \in V$  wektorlaryň döredýän  $A_i \in P_n$  nokatlaryndan we olaryň her bir  $n$  sanysynyň üstünden geçýän proyektiv gipertekizliklerden ybarat bolan  $F_n$  figura proyektiv gipersimpleksdir [2].  $A_i$  nokatlaryň her birine  $F_n$  proyektiv gipersimpleksiň depesi, proyektiv  $(A_i A_j)$  göni çyzyga  $F_n$  proyektiv gipersimpleksiň gapyrgasy diýilýär ( $i, j = \overline{1, n+1}$  – hemmesi dürli).

Proyektiv  $F_n$  gipersimpleksiň  $k+1$  ( $2 \leq k \leq n-1$ ) sany  $A_{i_1}, \dots, A_{i_{k+1}}$  depeleri, olary saklaýan bölek  $P_k(P_k \subset P_n)$  proyektiv giňişlikde, proyektiv  $F_k$  gipersimpleksiň depeleri bolup hyzmat edýär ( $i_1, \dots, i_{k+1} = \overline{1, k+1}$ ).  $F_k$  figura proyektiv  $F_n$  gipersimpleksiň  $k$  ölçegli grany (ýa-da  $k$  – grany) diýilýär.  $k=n-1$  ýagdaýda  $k$  – grana proyektiv  $F_n$  gipersimpleksiň gipergrany diýilýär.

Görnüşi ýaly, gipersimpleksiň depeleri gipertekizlikde ýatýan däldir.

**1-nji teorema.** Eger-de umumy elemente (depä,  $k$  – grana) eýe bolmadyk proyektiv  $F = A_1 \dots A_{n+1}$ ,  $F' = A'_1 \dots A'_{n+1}$  gipersimpleksleriň degişli depeleriniň üstünden geçýän  $(A_i A'_i)$  göni çyzyklar umumy nokada eýe bolsa, onda olaryň degişli  $(A_i A_j)$  we  $(A'_i A'_j)$  gapyrgalarynyň kesişme nokatlary bir gipertekizlikde ýatýandyr ( $i, j = 1, 2, \dots, n+1$  – hemmesi dürli).

**Subudy.** Teorema  $n=2, 3$  ýagdaýlarda orna eýedir [3], [1].

Goý, teorema  $n=k-1$  ýagdaý üçin ýerine ýetýän bolsun. Teoremany  $n=k$  ýagdaý üçin subut edeliň.

Proyektiv  $P_k(P_k \subset P_n)$  bölek giňişlikde berlen  $F_k$  we  $F'_k$  gipersimpleksleriň degişli  $(A_\alpha A_\beta)$ ,  $(A'_\alpha A'_\beta)$  gapyrgalarynyň kesişme nokadyny  $U_{\alpha\beta}$  belgi bilen belläliň ( $\alpha, \beta = \overline{1, k+1}$  – hemmesi dürli). Şerte görä  $F_k = A_1 \dots A_{k+1}$ ,  $F'_k = A'_1 \dots A'_{k+1}$  gipersimpleksleriň degişlilikde  $A_3, A'_3$  depeleriniň garşysyndaky gipergranlary, ýagny  $k-1$  ölçegli proyektiv  $F_{k-1}^{A_3} = A_1 A_2 A_4 \dots A_{k+1}$  we  $F_{k-1}^{A'_3} = A'_1 A'_2 A'_4 \dots A'_{k+1}$  simpleksler üçin teorema orna eýe. Diýmek,

$U_{12}, U_{14}, \dots, U_{1(k+1)}, U_{24}, \dots, U_{2(k+1)}, U_{45}, \dots, U_{4(k+1)}, \dots, U_{k(k+1)}$  nokatlar şol bir  $(k-2)$  ölçegli tekizlikde ýatýandyr, ýagny

$$U_{24}, \dots, U_{2(k+1)}, U_{45}, \dots, U_{4(k+1)}, \dots, U_{k(k+1)} \in \Sigma_3, \quad (1)$$

bu ýerde  $\Sigma_3 = (U_{12} U_{14} \dots U_{1(k+1)}) - (k-2)$  ölçegli tekizlik.

$F_k$  gipersimpleks üçin  $U_{1\delta} (\delta = \overline{2, k+1})$  nokatlar  $P_k$  giňişlikde  $\Sigma = (U_{12} U_{13} \dots U_{1(k+1)}) -$  gipertekizligi kesgitleýär. Görnüşi ýaly,  $\Sigma_3 \subset \Sigma$ . (1) we  $\Sigma_3 \subset \Sigma$  gatnaşyklara görä alarys:  $U_{\alpha\beta}$  nokatlaryň  $U_{32}, U_{34}, \dots, U_{3(k+1)}$  nokatlardan galany  $\Sigma -$  gipertekizlige degişlidir.

Şerte görä  $F_k, F'_k$  gipersimpleksleriň deňişlilikde  $A_2$  we  $A'_2$  depeleriniň garşysyndaky  $F_{k-1}^{A_2} = A_1 A_3 \dots A_{k+1}$  we  $F_{k-1}^{A'_2} = A'_1 A'_3 \dots A'_{k+1}$  gipergranlary üçin teorema dogrudyr. Diýmek,

$$U_{34}, \dots, U_{3(k+1)}, U_{45}, \dots, U_{4(k+1)}, U_{56}, \dots, U_{k(k+1)} \in \Sigma_2, \quad (2)$$

bu ýerde  $\Sigma_2 = (U_{13} \dots U_{1(k+1)}) - (k-2)$  ölçegli tekizlik. Görnüşi ýaly,  $\Sigma_2 \subset \Sigma$ . Bu gatnaşyga we (2) gatnaşyga görä  $U_{34}, \dots, U_{3(k+1)} \in \Sigma$ . Indi ýeke-täk galan  $U_{32}$  nokadyň  $\Sigma$  tekizlige deňişlidigini subut edeliň. Onuň üçin  $F_k, F'_k$  gipersimpleksleriň, deňişlilikde  $A_4, A'_4$  depeleriniň garşysyndaky  $F_{k-1}^{A_4} = A_1 A_2 A_3 A_5 \dots A_{k+1}$  we  $F_{k-1}^{A'_4} = A'_1 A'_2 A'_3 A'_5 \dots A'_{k+1}$  gipergranlaryny alalyň. Bu gipergranlar üçin teoremanyň dogrulygyna görä alarys:

$$U_{23}, U_{25}, \dots, U_{2(k+1)}, U_{35}, \dots, U_{k(k+1)} \in \Sigma_4, \quad (3)$$

bu ýerde  $\Sigma_4 = (U_{12} U_{13} U_{15} \dots U_{1(k+1)}) - (k-2)$  ölçegli tekizlik.  $\Sigma_4 \subset \Sigma$  we (3) gatnaşyklara görä  $U_{32} \in \Sigma$ . Netijede,  $F$  we  $F'$  gipersimpleksleriň deňişli gapyrgalarynyň şol bir  $\Sigma$  gipertekizlikde kesişýändigleri, ýagny ol kesişme nokatlaryň şol bir gipertekizlikde ýatýan nokatlardygy subut edildi.

**2-nji teorema.** Eger-de umumy elemente (depä,  $k -$  grana) eýe bolmadyk proyektiv  $F_n, F'_n$  gipersimpleksleriň deňişli  $(A_i A_j)$  we  $(A'_i A'_j)$  gapyrgalarynyň kesişme nokatlary şol bir gipertekizlikde ýatýan nokatlar bolsa, onda olaryň deňişli depeleriniň üstünden geçýän göni çyzyklar şol bir nokadyň üstünden geçýändir ( $i, j = \overline{1, k+1} -$  hemmesi dürli).

**Subudy.** Belli bolşy ýaly,  $P_n$  giňişlikde ikileýinligiň kanuny orna eýe, ýagny eger-de nokatlar,  $k -$  tekizlikler ( $k = \overline{1, n-2}$ ), gipertekizlikler we olaryň arasyndaky deňişlilik gatnaşyklar baradaky  $A$  tassyklama dogry bolsa, onda  $A$  tassyklama ikileýin bolan  $A^*$  tassyklama-da dogrudyr [3].

Birinji we ikinji teoremalaryň özara ikileýin tassyklamalar bolýandyklaryny görmek kyn däl. Şoňa görä ikinji teorema dogrudyr.

**Bellik:**

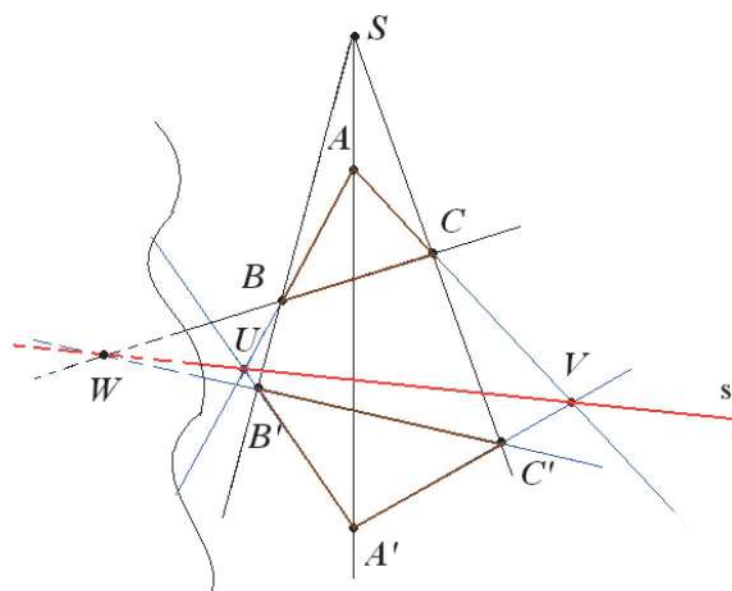
1. Birinji we ikinji teoremlar özara ters teoremalardyr.

2. Birinji teorema  $n=2$  ýagdaýda Dezagyn göni teoremasyna [3],  $n=3$  ýagdaýda bolsa, öň çap edilen işde subut edilen birinji teorema deňgüýçlüdir [1], (1-nji we 2-nji çyzyklar).

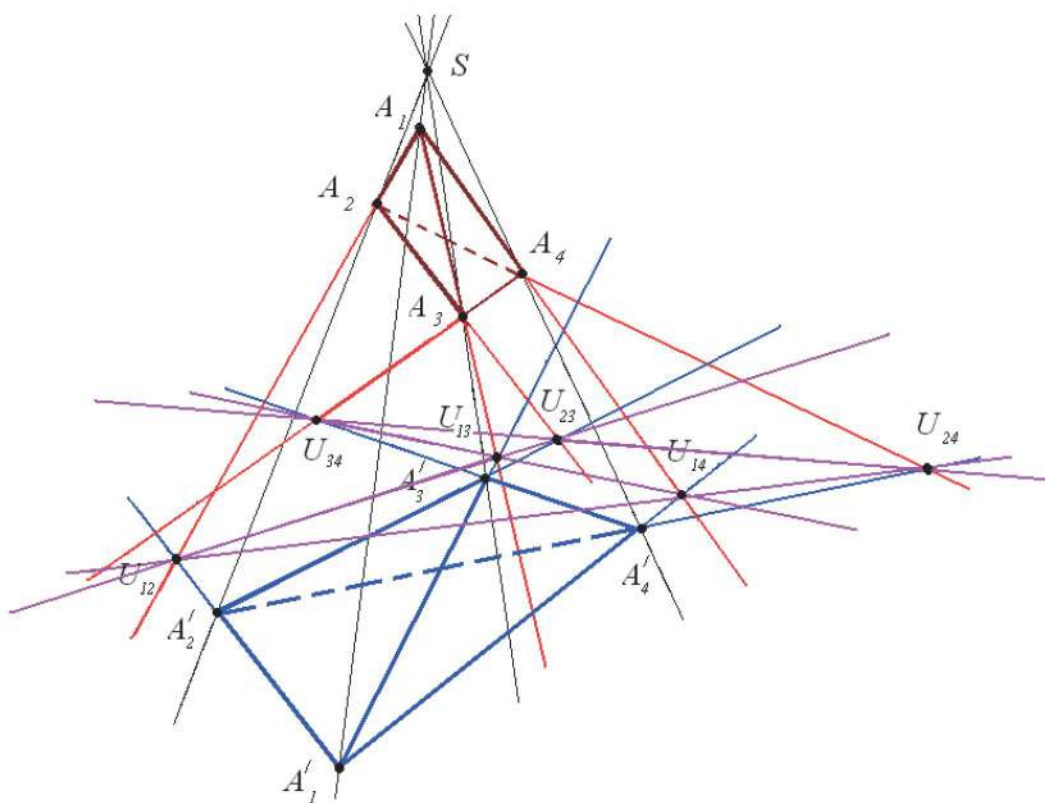
3. Birinji we ikinji teoremlar deňişlilikde Dezagyn göni we ters teoremalarynyň,  $n$  ölçegli gipersimpleks üçin umumylaşdyrylanlarydyr.

4. Bu ylmy işde gazanylan netijeler orta mekdeplerde, institutlarda geçilýän nazary sapaklaryň ylmylygyny ýokarlandyrmakda maksada laýyk ulanylyp bilner.

Subut edilen birinji we ikinji teoremalardan aşakdaky netijeleri alarys.



1-nji çyzygy. Dezargyň teoremasynyň geometriki mazmuny



2-nji çyzygy.  $n = 3$  ýagdaý üçin 1-nji we 2-nji teoremalaryň geometriki mazmuny

**1-nji netije.** Eger-de birinji teoremanyň şertinde berlen  $F_n, F'_n$  gipersimpleksleriň degişli depeleriniň üstünden geçýän  $(A_i A'_i)$  göni çyzyklar umumy nokada eýe bolsa, onda olaryň degişli  $F_{n-1} = A_{i_1} \dots A_{i_n}$  we  $F'_{n-1} = A'_{i_1} \dots A'_{i_n}$  gipergranlarynyň kesişmesi bolan  $n-2$  ölçegli tekizlikleriň her biri şol bir gipertekizlikde ýatandyr, bu ýerde  $i, i_1, \dots, i_n = \overline{1, n+1}$  – hemmesi dürli.

**2-nji netije.** Eger-de ikinji teoremanyň şertinde berlen  $F_n, F'_n$  proyektiv gipersimpleksleriň degişli  $F_{n-1} = A_{i_1} \dots A_{i_n}$  we  $F'_{n-1} = A'_{i_1} \dots A'_{i_n}$  gipergranlarynyň kesişmesi bolan  $n-2$  ölçegli tekizlikler şol bir gipertekizlikde ýatan bolsa, onda  $F_n, F'_n$  gipersimpleksleriň degişli depeleriniň üstünden geçýän proyektiv  $(A_i A'_i)$  göni çyzyklar umumy nokada eýedir, bu ýerde  $i, i_1, \dots, i_n = \overline{1, n+1}$  – hemmesi dürli.

Seýitnazar Seydi adyndaky  
Türkmen döwlet mugallymçylyk  
instituty

Kabul edilen wagty:  
2021-nji ýylyň  
15-nji ýanwary

## EDEBIÝAT

1. Çaryýew A. Şemsetdinow G. N. Konkurent proyektiv gönüler we komplanar nokatlar // Türkmenistanda ylym we tehnika. – № 2. – 2012.
2. Çaryýew A. Şemsetdinow G. N., Çaryýewa S.  $n$ -ölçegli simpleks // Berkarar döwletiň bagtyýarlyk döwründe ylym, tehnika we innowasion tehnologiýalar. Halkara ylmy maslahatyň nutuklarynyň gysgaça beýany. – Aşgabat: Ylym, 2012.
3. Базылев В. Т., Дуничев К. И. Геометрия, II. – М.: Просвещение, 1975.

**A. Charyev, G. Shemsetdinov**

### CONDITIONS FOR BELONGING OF POINTS TO ONE HYPERPLANE

In the given work the property of project hypersimplex – one of the main figures  $n$  measured project space are researched.

The proved theorem, being generalization of the theorem Desarg.

**The Theorem:** project hypersimplex  $F = A_1 \dots A_{n+1}$  and  $F' = A'_1 \dots A'_{n+1}$  in  $n$  measured project space  $P_n$ .

If project direct  $(A_i A'_i)$ , getting through corresponding to tops project hypersimplex  $F$  and  $F'$ , have a point in common, that hyper edges  $(A_{i_1} \dots A_{i_n})$  and  $(A'_{i_1} \dots A'_{i_n})$  are crossed on one and same hyper angle space  $P_n$ , faithfully and inverse statement.

**A. Чарьев, Г. Шемсетдинов**

### УСЛОВИЯ ПРИНАДЛЕЖНОСТИ ТОЧЕК ОДНОЙ ГИПЕРПЛОСКОСТИ

В данной работе исследуются свойства проективного гиперсимплекса – одной из основных фигур  $n$  мерного проективного пространства.

Доказано теорема, являющаяся обобщением теоремы Дезарга.

**Теорема.** Даны проективные гиперсимплексы  $F = A_1 \dots A_{n+1}$  и  $F' = A'_1 \dots A'_{n+1}$  в  $n$  мерном проективном пространстве  $P_n$ .

Если проективные прямые  $(A_i A'_i)$ , проходящие через соответствующие вершины проективных гиперсимплексов  $F$  и  $F'$ , имеют общую точку, то гиперграни  $(A_{i_1} \dots A_{i_n})$  и  $(A'_{i_1} \dots A'_{i_n})$  пересекаются в одной и той же гиперплоскости пространства  $P_n$ , верно и обратное утверждение.